

نشریه علمی- پژوهشی جغرافیا و برنامه‌ریزی، سال ۲۳، شماره ۶۸ تابستان ۱۳۹۸، صفحات ۷۱-۹۰

تاریخ دریافت: ۱۳۹۳/۰۵/۲۵

تاریخ پذیرش نهایی: ۱۳۹۳/۱۲/۰۹

## برآورد مقدار تبخیر با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی و الگوریتم ژنتیک (مطالعه موردی: ایستگاه تبریز)

علی محمد خورشید دوست<sup>۱</sup>

حمید میرهاشمی<sup>۲</sup>

موسی نظری<sup>۳</sup>

### چکیده

به سبب تأثیر متقابل عناصر هواشناختی در محاسبه قدرت تبخیر جو، تخمین آن یک کار پیچیده و غیر خطی است. لذا برای تخمین آن باید از مدل‌های پیشرفته ریاضی استفاده نمود. در این مطالعه جهت برآورد قدرت تبخیر جو در سطح ایستگاه تبریز از شبکه‌های عصبی مصنوعی بر پایه دو الگوریتم آموزشی لونبرگ - مارکوئت و الگوریتم ژنتیک، رگرسیون خطی چند متغیره و معادله پمن - فائق استفاده شده است. بر این اساس در مدل شبکه عصبی با اتخاذ یک و دو لایه پنهان و دو تابع فعال سازی تان‌سیگموید و لوگ‌سیگموید، ۵۶ مدل شبکه عصبی تولید شد. ارزیابی و مقایسه نتایج این مدل‌ها براساس معیارهای چون ضریب تعیین و مجذور میانگین مربعات خطا نشان داد که دقت مدل‌ها بستگی به نوع تابع محرک، نوع الگوریتم آموزشی، تعداد لایه‌های پنهان و تعداد نرون‌های اتخاذ شده دارد. از سوی نتایج نشان داد که در مدل‌های تک لایه، دقت وزن‌دهی الگوریتم ژنتیک برای هر دو تابع فعال ساز بیش از الگوریتم ژنتیک با دو لایه پنهان دقت وزن‌دهی الگوریتم ۱

۱- استاد گروه آب و هواشناسی، دانشگاه تبریز.

۲- استادیار آب و هواشناسی دانشگاه لرستان. (نویسنده مسئول)

Email: mirhashemi.h@lu.ac.ir

۳- دانشجوی دکتری مهندسی کامپیوتر دانشگاه تبریز.

ژنتیک بوده؛ به طوری که دقیق‌ترین مدل شبکه با آرایش ۵-۷-۷-۱ با مجذور میانگین مربعات خطای ۰/۲۲۷ میلی‌متر بر اساس الگوریتم آموزشی لونبرگ مارکوئت و دو لایه پنهان و تابع فعال‌سازی تان سیگموید تولید شده بود. همچنین مجذور میانگین مربعات خطای مدل رگرسیون خطی چند متغیره و معادله پمن - فائز به ترتیب به مقدار ۰/۷۹ و ۱/۳۴ بدست آمد. بنابراین مدل شبکه عصبی در قیاس با دو مدل مذکور دارای کارایی بهتر، ضریب دقت بیشتر و مقدار خطای کمتری جهت پیش‌بینی مقدار تبخیر ایستگاه تبریز است.

**واژه کلیدی:** تبریز، قدرت تبخیر جو، شبکه عصبی مصنوعی، رگرسیون چند متغیره.

## مقدمه

تبخیر یکی از عوامل مهم در چرخه هیدرولوژی و از جمله عوامل تعیین کننده معادلات انرژی در سطح زمین و توازن آب است که برآورد آن در حیطه‌های مختلف همچون آب و هواشناسی، هیدرولوژی، کشاورزی، مدیریت جنگل و مرتع و مدیریت منابع آب مورد نیاز است (ثنایی نژاد و همکاران، ۱۳۹۰؛ دانشفرار، ۱۳۹۴). در این خصوص یکی از داده‌های اساسی در طراحی شبکه‌های آبیاری و زهکشی مقدار قدرت تبخیر در هر منطقه است. چرا که طراحی شبکه‌های انتقال اعم از کانال‌های آبرسانی یا زهکشی و نیز سایر قسمت‌های طراحی آب وابسته به مقدار آب مورد نیاز از طریق پدیده تبخیر است (جهانبخش و همکاران، ۱۳۸۰). به طور کلی از نظر هیدرولوژی تبخیر به مجموعه پدیده‌هایی گفته می‌شود که آب را صرفاً از راه یک فرایند فیزیکی به بخار تبدیل می‌کند. عواملی که میزان تبخیر را مشروط می‌سازند بر حسب اینکه وابسته به هوای مجاور یا سطح تبخیر کننده باشند به دو دسته کاملاً متمایز تقسیم می‌شوند: الف) عواملی که مربوط به هوای مجاور سطح تبخیر بوده و در واقع محرك آن هستند و به نام عوامل هواشناختی و یا عوامل قدرت و یا توان تبخیر جو و یا تبخیر - تعرق پتانسیل از آنها یاد می‌شود. ب) دسته دوم عواملی که مشخص کننده جنس و طبیعت سطح تبخیر هستند، مثل سطح آزاد آب، برف، یخ، سطح



خاک و گیاهان، وسعت آب، عمق آب و همچنین قابلیت خاک برای تأمین آب مورد نیاز تبخیر و تأثیرپذیری آن در مقابل قدرت تبخیر جو. سطوح مختلف تبخیرکننده به صورت‌های کم و بیش مختلف تحت تأثیر تعییرات قدرت تبخیر جو قرار می‌گیرند. این قدرت تبخیر می‌تواند با تغییر اولیه یک عامل مشترک برای کلیه پدیده‌های تبخیر صرف‌نظر از نوع سطح تبخیرکننده در نظر گرفته شوند (راخچا و سینگ<sup>۱</sup>، ۲۰۰۹؛ Remniras<sup>۲</sup>، ۱۳۶۳). از طرفی تعییر زمانی - مکانی عناصر آب و هوایی موثر در تبخیر - تعرق بهمراه تعییرات آب در خاک و گیاه، شرایط پیچیده‌ای را برای تخمين تبخیر بوجود آورده است. از این رو در مناطق مختلف جهان کوشش‌هایی در جهت تعییه‌ی روابط تجربی برای تعیین تبخیر- تعرق واقعی با استفاده از داده‌های هواشناسی به عمل آمده است (رحیمی‌خوب و محمودی، ۱۳۹۰) در این خصوص افزون بر معادله‌های موجود برای برآورد تبخیر - تعرق می‌توان از روش‌های جدید پردازشی در تخمين تبخیر - تعرق بهره گرفت. یکی از این روش‌های نوظهور، روش شبکه‌های عصبی مصنوعی است. در این راستا مطالعاتی در زمینه مدل‌سازی تبخیر - تعرق (یا قدرت تبخیر جو) با استفاده از شبکه‌های عصبی مصنوعی در ادبیات ایران و جهان انجام گرفته است، از قبیل: Reddy<sup>۳</sup> (۲۰۱۴) با کاربرد شبکه عصبی مصنوعی به برآورد میزان تبخیر - تعرق گیاه مرجع در منطقه راجستان هندوستان پرداخت. وی با اتخاذ داده‌های دمای هوا، نم نسبی، ساعات آفتابی و سرعت باد به عنوان ورودی شبکه عصبی و تبخیر - تعرق گیاه مرجع محاسبه شده توسط فرمول فائو - پنم - مانیث به عنوان خروجی شبکه عصبی نشان داد که مدل شبکه عصبی با ساختار ۱-۳-۴ دارای دقیق‌ترین برآورد از تبخیر تعرق گیاه مرجع است. Landeras<sup>۴</sup> و همکاران (۲۰۰۸) با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی، روش‌های تجربی و نیمه تجربی میزان تبخیر - تعرق را در شمال اسپانیا تخمين زدند و آنگاه نتایج حاصله از هر یک از روش‌های یادشده را مورد مقایسه قرار دادند. نتایج این مطالعه حاکی از برتری و دقت بیشتر شبکه عصبی در تخمين میزان تبخیر

---

1 - Rakhecha and Singh

2 -Remniras

3- Reddy

4- Landeras

- تعرق نسبت به دو روش دیگر بود. تراکوبیج<sup>۱</sup> (۲۰۰۵) از یک تابع شعاعی شبکه عصبی با داده‌های ورودی دما برای مدل‌سازی تبخیر - تعرق استفاده کرد و نتایج حاصل از شبکه عصبی را با معادلات هارگریوز - سامانی، تورنث وايت و فائو - پنم - مانتیث مقایسه کرد. نتایج نشان داد که شبکه عصبی بر مبنای تابع‌های شعاعی با دقیقی بیشتر از دیگر مدل‌های شبکه عصبی تبخیر - تعرق مرجع را تخمین می‌زند. سلطانی و همکاران (۱۳۹۲) کارایی دو مدل تلفیق غیر خطی سیستم استنتاج فازی - عصبی تطبیقی و مدل شبکه عصبی - خود رگرسیونی را جهت تخمین میزان تبخیر روزانه از تشتک تبخیر برای شرایط آب و هوایی خشک و گرم (ایرانشهر)، خشک و گرم ساحلی (چابهار) و نیمه خشک و معتدل گرم (سرavan) واقع در استان سیستان و بلوچستان مورد ارزیابی قرار دادند. ایشان با استفاده از الگوریتم ژنتیک و گاماتست از بین پارامترهای ورودی همچون دما، نم نسبی، سرعت باد، ساعت آفتابی و فشار هوا، بهترین ترکیب ورودی مدل‌های شبکه عصبی را برای هر یک از مناطق مذکور انتخاب نمودند. نتایج مطالعه ایشان حاکی از توانایی مطلوب دو مدل یاد شده در شرایط آب و هوای خشک و گرم نسبت به دو شرایط آب و هوای دیگر است. قبائی سوق و همکاران (۱۳۸۹) برای پیش‌پردازش پارامترهای ورودی به شبکه عصبی پرسپترون چندلایه جهت تخمین تبخیر - تعرق روزانه‌ی ایستگاه همدید شیراز از دو روش گاماتست و رگرسیون گام به گام استفاده کردند. ایشان در مطالعه خود ادعا نمودند که اگرچه دقت مدل شبکه عصبی - گاما تست نسبت به مدل شبکه عصبی بسیار اندک است اما بخاراط توانایی آن در مشخص کردن اهمیت پارامترهای ورودی، تعیین تقریباً ۸۰۰ داده‌ی معنادار برای آموزش شبکه و پیدا نمودن بهترین ترکیبی که شامل تمامی عناصر ورودی به جز دمای بیشینه است، این آزمون را به منزله ابزاری سودمند برای پیش‌پردازش عناصر ورودی جهت مدل‌سازی سریع‌تر تبخیر - تعرق معرفی نمودند. رحیمی خوب و محمودی (۱۳۹۰)، جهت برآورد تبخیر - تعرق بر پایه حداقل داده‌های هواشناختی در حوضه امامه از چهار نوع شبکه عصبی استفاده کردند. نامبردگان در این مطالعه، پارامترهای چون دمای بیشینه و کمینه، نم نسبی و سرعت باد را به عنوان حداقل داده‌های هواشناختی مورد نیاز برای برآورد تبخیر -



تعرق معرفی کردند. ولیزاده کامران (۱۳۹۳)، با محاسبه تبخیر - تعرق، پتانسیل به روش استنفزا در آذربایجان شرقی و ترسیم نقشه پدیده یادشده برای روز ۱۱ خردا دماه به این نتیجه رسید که مقدار تبخیر - تعرق پتانسیل در منطقه تحت بررسی از ۰ تا ۱۵ میلی‌متر در ساعت در نوسان است. در این خصوص، نامبرده در مطالعه خود نشان داد که ارتفاع و جهت شبیب به عنوان مهمترین عامل در ایجاد نوسان مکانی تبخیر تعرق پتانسیل در آذربایجان شرقی محسوب می‌شوند.

بنابراین به سبب نقش وزینی که قدرت یا پتانسیل تبخیر جو سطح زمین در بیلان آب و برنامه‌ریزی‌های مربوط به کشاورزی و استحصال آب دارد و با توجه به مسائل پدیدآمده در رابطه با آب‌های سطحی و زیرزمینی بخش‌های بزرگی از ایران، به نظر می‌رسد که بیش از پیش ضرورت دارد که قدرت تبخیر جو برآورد و پیش‌بینی شود تا براساس آن بتوان برنامه‌ریزهای متناسب و بهینه را بر حسب شرایط به وجود آمده به انجام رساند. در این راستا شمال‌غرب و شهرستان تبریز نیز از بحران‌های اتفاق افتاده در مسائل ذخایر آبی مستثنی نبوده، لذا در این مطالعه با توجه به توانمندی‌های شبکه‌های عصبی که قادر به کشف روابط پیچید هستند سعی می‌شود تا براساس عناصر هواشناختی قدرت تبخیر جو در طی ماههای گرم سال با استفاده از شبکه‌های عصبی برآورد و نتایج حاصل از آن با مقادیر حاصل از معادله پنم و رگرسیون چند متغیره جهت ارزیابی کارایی آن مقایسه شود.

## مواد و روش‌ها

جهت رهیافت به این مطالعه، از مدل‌های شبکه عصبی، رگرسیون چند متغیره و معادله پنم فائق استفاده شد. بدین منظور داده‌های متغیرهای هواشناختی از قبیل دمای هوا، نم نسبی، فشار هوا، سرعت باد و ساعات آفتابی ماههای گرم سال شامل مه، ژوئن، جولای، اوت و سپتامبر با پوشش زمانی ۱۹۹۲ - ۲۰۱۱ متعلق به ایستگاه همدید تبریز به عنوان داده‌های ورودی شبکه عصبی مورد استفاده قرار گرفتند. نظر به اینکه میزان تبخیری که به وسیله تشک تبخیر یا حوضه‌های آزمایشی و سفره‌های آزاد آب کم‌عمق اندازه‌گیری می‌شود نیز می‌توانند با وجود اینرسی حرارتی کم و بیش زیاد این وسایل، تا اندازه‌ای معرف قدرت تبخیر جو باشند (رمنیراس، ۱۳۶۳)، داده‌های تشک تبخیر ایستگاه همدید تبریز در

همان بازه زمانی به عنوان خروجی شبکه عصبی در نظر گرفته شدند. پیش‌پردازش‌های صورتی گرفته ببروی داده‌های هواشناختی ورودی به شبکه عصبی نشانده‌ند هم‌معیار نبودن این داده‌ها و عدم تبعیت آنها از توزیع نرمال بود. لذا نخست با استفاده از توابع جانسون که دارای انعطاف‌پذیری قدرتمندی هستند اقدام به نرمال‌سازی داده‌های ورودی به شبکه عصبی شد. بعد از نرمالیزه و هم‌معیار کردن داده‌های ورودی به شبکه، جهت دستیابی به بهترین ساختار شبکه عصبی مصنوعی ساختارهای مختلفی مورد سنجش قرار گرفتند. در این خصوص با در نظر گرفتن دو الگوریتم آموزشی لونبرگ – مارکوئت و الگوریتم ژنتیک و دو تابع فعال سازی لوگ سیگموئید و تانژانت سیگموئید، ۵۶ گروه مدل شبکه عصبی با استفاده از ۵ داده ورودی شامل مقادیر دما، نم نسبی، ساعات آفتابی، فشار هوای سرعت باد و یک داده خروجی شامل میزان تبخیر حاصل از تشک تبخیر ایجاد شد. از سوی برای آرایش هر ساختار، هر گروه شبکه با تعداد نمونهای ۲ تا ۸ برای ۱ و ۲ لایه پنهان آموزش داده شد و در هر سری با استفاده از داده‌های آزمون، شاخص‌های آماری ضریب تعیین ( $R^2$ )، مجدور مربعات میانگین خطای<sup>۱</sup> (RMSE) برآورد شدند. به طور کلی می‌توان با سعی و خطا بهترین ساختار برای شبکه‌های عصبی در جهت کاهش مقدار خطای تعیین را نمود. بدین منظور ساختارهای مختلف در تعداد لایه و نمونه‌ها مورد ارزیابی و مقایسه توسط معیارهای بیان شده ببروی داده‌های آزمون انجام گرفت.

از این گذشته، مقادیر تبخیر با استفاده از روش پنمن - فائو و رگرسیون خطی چند متغیره نیز برآورد شد. در نهایت به منظور ارزیابی، مقایسه و تعیین میزان خطای نتایج حاصل از شبکه عصبی، معادله پنمن - فائو و رگرسیون چند متغیره خطی، از معیار آماری ضریب تعیین و معیار مجدور میانگین مربعات خطای استفاده شد.

## یافته‌ها و بحث

در مطالعه حاضر با بهره‌گیری از داده‌های هواشناختی به مدل‌سازی مصنوعی، خطی و

1 - Root Mean Square Error (RMSE)



تجربی قدرت تبخير جو به ترتیب با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی (الگوریتم ژنتیک و الگوریتم لونبرگ - مارکوئت) رگرسیون خطی چند متغیره و معادله پمن - فائق پرداخته می‌شود.

جدول‌های ۱، ۲، ۳ و ۴ نتایج اصل از مدل‌های شبکه عصبی هستند. همچنانکه از این جدول‌ها پیداست نوع تابع، نوع الگوریتم و تعداد نمونه‌های بکار گرفته شده بروای دقت مدل تأثیر دارند. ملاحظه ساختارهای شبکه‌ای با یک لایه پنهان نشان می‌دهد که دقیق‌ترین ساختار براساس هر دو تابع محرک مربوط به ساختار ۵-۴-۱ است که ضریب تعیین و مجدد میانگین مربعات خطای در این ساختار براساس بکارگیری تابع محرک تان‌سیگموید به ترتیب برابر با  $0.884/0.863$  و  $0.862/0.851$  و براساس بکارگیری تابع محرک لوگ‌سیگموید به ترتیب برابر با  $0.863/0.862$  بدست آمدند (جدول ۱).

از سویی مقایسه نتایج حاصل از عملکرد دو تابع محرک در کلیه ساختارهای تک لایه گویایی کارایی دقیق‌تر تابع محرک تان‌سیگموید نسبت به لوگ‌سیگموید بوده. به طوریکه خطای پیش‌بینی شبکه عصبی جهت برآورد قدرت تبخير جو در نتیجه به کارگیری تابع محرک تان‌سیگموید در قیاس با بکارگیری لوگ‌سیگموید کاهش می‌یابد.

در مدل‌های با دو لایه پنهان بر اساس الگوریتم آموزشی لونبرگ - مارکوئت نیز مشاهده می‌شود که براساس نوع تابع بکار گرفته شده و تعداد نمونه‌های تعییه یافته دقت مدل تغییر پیدا می‌کند.

جدول ۱) نتایج آماری ساختارهای مختلف شبکه عصبی برای تخمین قدرت تبخير جو براساس الگوریتم وزن‌دهی مارکوئت - لونبرگ.

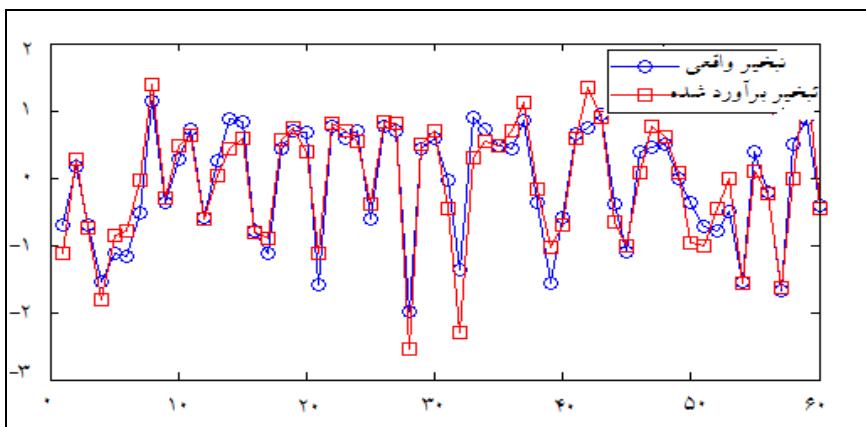
$R^2$	RMSE	ساختار	تابع عضویت
-------	------	--------	------------

آزمون	آموزش	آزمون	آموزش		
۰/۸۳۶	۰/۸۷	۰/۷۱۶	۰/۴۲۹	۵-۲-۱	تان سیگموید
۰/۸۵۱	۰/۹۰۷	۰/۸۱۷	۰/۲۶۷	۵-۳-۱	تان سیگموید
۰/۸۸۴	۰/۸۷۸	۰/۳۱۱	۰/۵۱۴	۵-۴-۱	تان سیگموید
۰/۸۳۴	۰/۸۷۵	۰/۵۶۸	۰/۴۸۴	۵-۵-۱	تان سیگموید
۰/۸۴۶	۰/۹۱۸	۰/۴۶۳	۰/۴۷۲	۵-۶-۱	تان سیگموید
۰/۷۹۳	۰/۹۱۵	۰/۶۴۲	۰/۳۷۴	۵-۷-۱	تان سیگموید
۰/۷۷۸	۰/۹۰۵	۰/۷۰۹	۰/۴۶	۵-۸-۱	تان سیگموید
۰/۸۳۴	۰/۸۱۳	۱/۳۵	۰/۵۶	۵-۲-۱	لوگ سیگموید
۰/۸۰۵	۰/۹۰۵	۰/۸۸۴	۰/۳۹۶	۵-۳-۱	لوگ سیگموید
۰/۸۶۳	۰/۸۷۵	۰/۶۰۲	۰/۵۱۹	۵-۴-۱	لوگ سیگموید
۰/۸۹۴	۰/۸۲۴	۰/۷۱۳	۰/۶۲۸	۵-۵-۱	لوگ سیگموید
۰/۸۳۸	۰/۹	۰/۷۵	۰/۳۱۶	۵-۶-۱	لوگ سیگموید
۰/۸۴۶	۰/۹۰۴	۰/۶۸۸	۰/۲۴۵	۵-۷-۱	لوگ سیگموید
۰/۸۳۶	۰/۹۰۹	۰/۷۷۵	۰/۳۲۲	۵-۸-۱	لوگ سیگموید

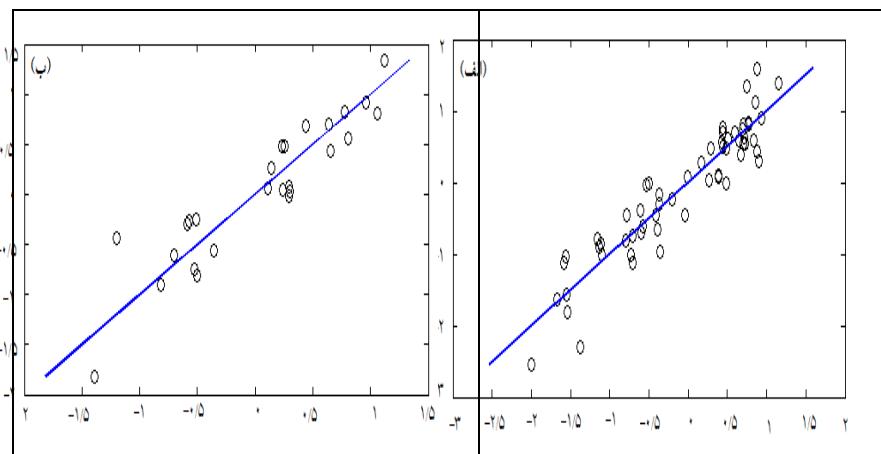
RMSE: مجدد میانگین خطای ضریب تعیین. در ستون ساختار عدد ۱ سمت چپ میین خروجی شبکه که تبخیر است، عدد وسطی نشانده‌نده تعداد نزون‌های قرار گرفته در لایه پنهان بوده و عدد آخری به مقدار ۵ تعداد متغیرهای هواشناختی ورودی به شبکه عصبی است.

در این مدل‌های با دولایه پنهان برخلاف مدل با یک لایه پنهان، بهترین ساختار مدل بر حسب نوع تابع بکار گرفته شده متفاوت است. به ترتیبی که بهترین ساختار برای تابع حرک تانزانیت سیگموید ۱-۷-۷-۵ با ضریب تعیین ۰/۹۲۴ و مجدد میانگین مربعات خطای ۰/۲۲۷ بدست آمد. بنابراین مدل مذکور قادر است میزان قدرت تبخیر جو را با خطای

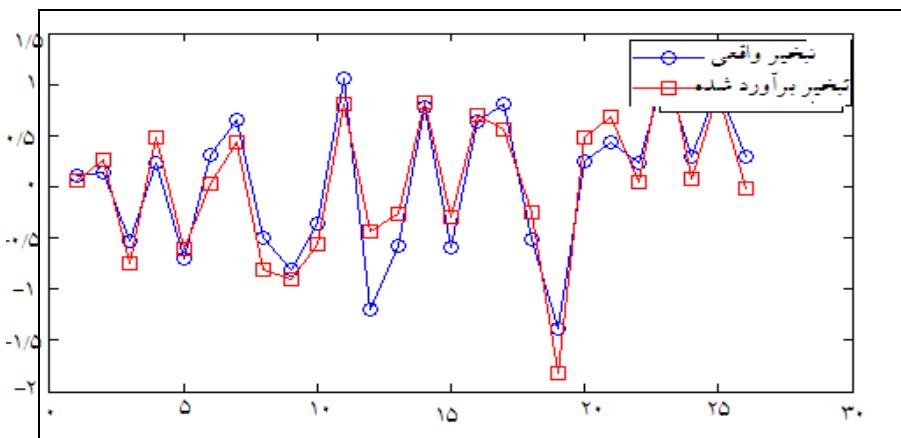
۰/۲۲۷ میلی‌متر در روز پیش‌بینی کند (شکل‌های ۱، ۲ و ۳). بهترین ساختار برایتابع محرك لوگ‌سیگموید با آرایش ۵-۳-۳-۱ با ضریب تعیین ۰/۹۰۸ و مجدور میانگین مربعات خطای ۰/۲۸۵ محاسبه شد (جدول ۲). نکته جالب توجه در ساختارهای تدوین یافته بر مبنای بکارگیری این دو تابع محرك آن است که در ساختارهای با نرون‌های کمتر، لوگ‌سیگموید نتایج دقیق‌تری ارائه می‌دهد ولی در ساختارهای با نرون‌های ۶ و بیشتر از آن نتایج حاصل از بکارگیری تابع محرك تان‌سیگموئید دقیق‌تر است.



شکل ۱) نمودار مقدار تبخير مشاهده شده و شبیه‌سازی شده براساس داده‌های آموزش



شکل ۲) نمودار همبستگی بین مقادیر تبخیر واقعی و شبیه‌سازی شده. (الف) براساس داده‌های آموزش،  
ب) داده‌های آزمون



شکل ۳) نمودار مقادیر تبخیر مشاهده شده و شبیه‌سازی شده براساس داده‌های آزمون

به طور کلی نتایج حاصل از اتخاذ دو لایه پنهان برای هر دوتابع تان و لوگ‌سیگموید بسیار دقیق‌تر از نتایج ناشی از بکارگیری یک لایه پنهان بوده که نتایج این تحقیق با نتایج مطالعه نوری و همکاران (۱۳۹۱) که در مطالعه خود بیان داشته بودند تغییر در تعداد لایه‌های پنهان شبکه‌های طراحی شده منجر به تصمیم‌گیری قاطعانه‌ای در رابطه با برتری

یک لایه پنهان و یا دو لایه پنهان نمی‌شود و تنها بستگی به پارامترهای ورودی به شبکه دارد، مغایر است، زیرا مشخص شد که نتایج حاصل از بکارگیری دو لایه پنهان (در این مورد) بسیار دقیق‌تر از نتایج حاصل از بکارگیری یک لایه پنهان است.

در مدل شبکه عصبی با یک لایه پنهان بر اساس الگوریتم بهینه‌سازی ژنتیک، بهترین ساختار برای هر دوتابع محرك تان و لوگ‌سیگموید در ساختار ۵-۷-۱ بدست آمد. لذا همانند ساختارهای مدل شبکه عصبی تک لایه با الگوریتم وزن‌دهی لونبرگ - مارکوئت در این مدل‌ها نیز دقیق‌ترین ساختار ناشی از بکارگیری هر دوتابع تان و لوگ‌سیگموید در ساختار یکسانی بدست آمد (جدول ۳). شایان توجه است که در این مورد، براساس محدوده میانگین خطای بدست آمده دقت هر دوتابع تان و لوگ‌سیگموید در تمامی ساختارها تقریباً برابر است به طور که در برخی ساختارها تان‌سیگموید و در برخی دیگر لوگ‌سیگموید خروجی دقیق‌تری را نشان می‌دهد و به طور دقیق نمی‌توان بیان داشت که در کلیه ساختارها دقت کدامیک از این توابع بر پایه الگوریتم وزن‌دهی ژنتیک بیشتر است (جدول ۳). با این حال در ساختار بهینه ۱-۷-۵ خروجی ناشی از لوگ‌سیگموید اندکی دقیق‌تر از خروجی تان‌سیگموید است. مقایسه نتایج حاصل از بکارگیری الگوریتم وزن‌دهی ژنتیک با

جدول ۲) نتایج آماری ساختارهای مختلف شبکه عصبی برای تخمین قدرت تبخير جو براساس الگوریتم وزن‌دهی مارکوئت - لونبرگ.

$R^2$		RMSE		ساختار	تابع عضویت
آزمون	آموزش	آزمون	آموزش		
۰/۸۱۸	۰/۸۹۸	۰/۸۷۳	۰/۳۳۲	۵-۲-۲-۱	تان‌سیگموید
۰/۸۷۹	۰/۸۷۲	۰/۵۷۹	۰/۳۳۱	۵-۳-۳-۱	تان‌سیگموید
۰/۸۹۴	۰/۸۹	۰/۸۷۴	۰/۳۲۲	۵-۴-۴-۱	تان‌سیگموید
۰/۸۸۱	۰/۹۰۶	۰/۷۶۱	۰/۲۷۷	۵-۵-۵-۱	تان‌سیگموید
۰/۸۹	۰/۸۸۲	۰/۳۶۱	۰/۴۷۶	۵-۶-۶-۱	تان‌سیگموید
۰/۹۲۴	۰/۹۳۵	۰/۲۲۷	۰/۲۴۶	۵-۷-۷-۱	تان‌سیگموید
۰/۸۹۲	۰/۸۹۲	۰/۴۶۱	۰/۵۹۴	۵-۸-۸-۱	تان‌سیگموید
۰/۶۳۷	۰/۷۴۷	۰/۵۲۱	۰/۱۰۶	۵-۲-۲-۱	لوگ‌سیگموید

۰/۹۰۸	۰/۸۷۲	۰/۲۸۵	۰/۵۳۵	۵-۳-۳-۱	لوگ سیگموید
۰/۹۰۶	۰/۸۰۶	۰/۵۵۱	۰/۷۴۵	۵-۴-۴-۱	لوگ سیگموید
۰/۹۱۹	۰/۸۵۱	۰/۳۳۷	۰/۷۲۱	۵-۵-۵-۱	لوگ سیگموید
۰/۸۸۳	۰/۸۶۷	۰/۶۷۱	۰/۴۴۳	۵-۶-۶-۱	لوگ سیگموید
۰/۸۴۷	۰/۸۷۸	۰/۴۷۸	۰/۵۱۵	۵-۷-۷-۱	لوگ سیگموید
۰/۷۴۴	۰/۸۳۵	۰/۶۳۳	۰/۶۳۷	۵-۸-۸-۱	لوگ سیگموید

RMSE مجذور میانگین خطای  $R^2$  ضریب تعیین. در ستون ساختار عدد ۱ سمت چپ میین خروجی شبکه که تبخیر است، دو عدد وسطی نشانده‌نده آن هستند که مدل دارای دولایه پنهان است و مقدار آنها میین تعداد نرون‌های قرار گرفته در هر لایه پنهان بوده. عدد آخری به مقدار ۵ معرف تعداد متغیرهای هواشناسی ورودی به شبکه عصبی است.

نتایج حاصله از الگوریتم وزن‌دهی لونبرگ - مارکوئت در مدل‌های تک لایه گویایی آن است که برای تابع محرک لوگ سیگموئید خروجی‌ها چندان باهم تفاوت ندارند. لیکن براساس تابع محرک لوگ سیگموید، نتایج ناشی از بکارگیری الگوریتم ژنتیک بسیار دقیق‌تر از نتایج حاصل از الگوریتم لونبرگ - مارکوئت هستند. بنابراین در این مورد الگوریتم ژنتیک توانسته است مدل‌های دقیق‌تری ایجاد نماید.

جدول ۳) نتایج آماری ساختارهای مختلف شبکه عصبی برای تخمین قدرت تبخیر جو براساس الگوریتم وزن‌دهی ژنتیک.

$R^2$		RMSE		ساختار	تابع عضویت
آزمون	آموزش	آزمون	آموزش		
۰/۷۹۹	۰/۷۷۸	۰/۶۰۴	۰/۶۵۵	۵-۲-۱	تان سیگموید
۰/۸۶۳	۰/۸۷۴	۰/۵۱۲	۰/۴۷۳	۵-۳-۱	تان سیگموید
۰/۸۳۹	۰/۹۱۱	۰/۵۱۴	۰/۳۷۴	۵-۴-۱	تان سیگموید
۰/۹۴۱	۰/۸۶۹	۰/۴۰۷	۰/۵۰۱	۵-۵-۱	تان سیگموید
۰/۹۰۶	۰/۸۸۴	۰/۵۴۲	۰/۴۱۲	۵-۶-۱	تان سیگموید
۰/۹۵	۰/۸۶۱	۰/۳۹۵	۰/۵۰۶	۵-۷-۱	تان سیگموید
۰/۹۴۳	۰/۸۷	۰/۲۹۹	۰/۴۶۷	۵-۸-۱	تان سیگموید
۰/۸۶۷	۰/۸۹۸	۰/۷۶	۰/۷۳۹	۵-۲-۱	لوگ سیگموید
۰/۹۱	۰/۸۶	۰/۵۸۴	۰/۵۲۳	۵-۳-۱	لوگ سیگموید
۰/۹۳۶	۰/۸۸۷	۰/۳۳۹	۰/۴۸۱	۵-۴-۱	لوگ سیگموید
۰/۹۰۵	۰/۹۰۲	۰/۵۳	۰/۴۱۹	۵-۵-۱	لوگ سیگموید
۰/۹۴۵	۰/۸۹۶	۰/۲۹	۰/۴۲۲	۵-۶-۱	لوگ سیگموید



۰/۹۴۴	۰/۸۸۴	۰/۲۸۵	۰/۴۵	۵-۷-۱	لوگ سیگموید
۰/۹۱۶	۰/۸۶	۰/۳۸۴	۰/۴۸	۵-۸-۱	لوگ سیگموید

RMSE: مجذور میانگین خطأ،  $R^2$ : ضریب تعیین.

در مدل‌های شبکه عصبی با دو لایه پنهان و الگوریتم آموزشی ژنتیک نیز بهترین ساختار با آرایش ۱-۷-۷-۵ هم برای لوگ سیگموید و هم برای تانزانیت سیگموید بدست آمد. با این وجود، دقت ساختارهای ناشی از بکارگیریتابع محرك تان سیگموید به مراتب بیشتر از لوگ سیگموید است به طوری که میزان خطای ناشی از تابع اولی به مقدار ۰/۳۲ و دومی به مقدار ۰/۵۹ بدست آمد (جدول ۴).

جدول ۴) نتایج آماری ساختارهای مختلف شبکه عصبی برای تخمین قدرت تبخیر جو براساس الگوریتم آموزش ژنتیک

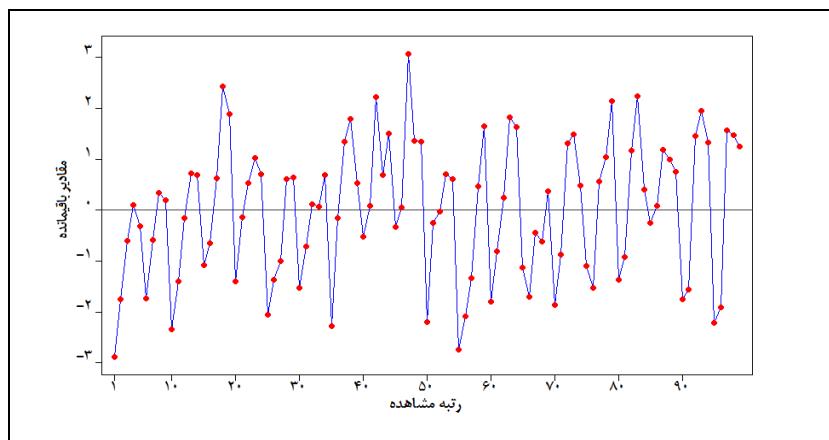
$R^2$	RMSE		ساختار	تابع عضویت
	آزمون	آموزش		
۰/۹۱۷	۰/۸۵۱	۰/۶۱۱	۰/۶۵۱	۵-۲-۲-۱
۰/۹۱۹	۰/۸۸۸	۰/۳۷۲	۰/۴۶۱	۵-۳-۳-۱
۰/۸۶۷	۰/۸۲۶	۰/۵۷۶	۰/۵۱۴	۵-۴-۴-۱
۰/۸۹	۰/۸۷۵	۰/۴۳۹	۰/۴۶۳	۵-۵-۵-۱
۰/۹۱۴	۰/۸۲۶	۰/۴۸۱	۰/۶۰۸	۵-۶-۶-۱
۰/۹۴۱	۰/۸۷۸	۰/۲۲۲	۰/۴۵۴	۵-۷-۷-۱
۰/۸۸۲	۰/۸۹۹	۰/۵۷	۰/۵۳۳	۵-۸-۸-۱
۰/۹۴	۰/۸۹۲	۰/۷۰۱	۰/۸۷۶	لوگ سیگموید
۰/۸۱۴	۰/۸۸۵	۰/۷۰۲	۰/۸۶۷	لوگ سیگموید
۰/۸۳۹	۰/۹۰۷	۱/۰۳	۰/۷۳۷	لوگ سیگموید
۰/۸۹	۰/۸۶۳	۰/۸۳۹	۰/۸۲۳	لوگ سیگموید
۰/۸۹	۰/۸۶۳	۰/۸۳۹	۰/۸۲۳	لوگ سیگموید
۰/۹۱۳	۰/۸۵۳	۰/۵۸۷	۰/۸۳۲	لوگ سیگموید
۰/۸۹۸	۰/۸۷۸	۰/۹۸۷	۰/۸۲۷	لوگ سیگموید

RMSE: مجذور میانگین خطأ،  $R^2$ : ضریب تعیین

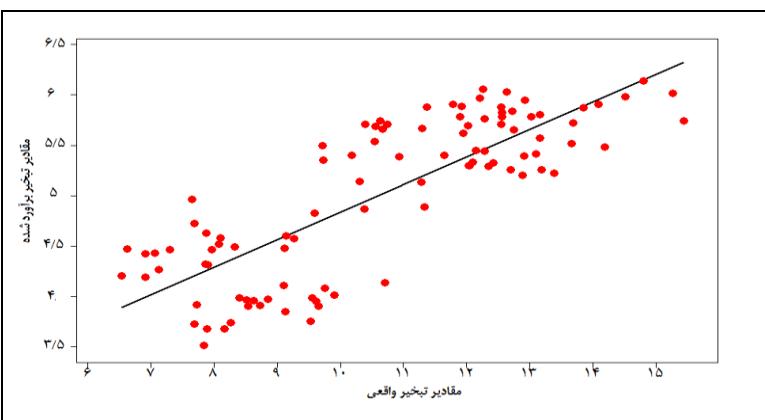
به طور کلی مقایسه نتایج دو لایه پنهان نشان می‌دهد که استفاده از الگوریتم وزن دهنده لونبرگ - مارکوئت بسیار مناسب‌تر از الگوریتم ژنتیک است ولی در مدل‌های تک لایه نتایج

حاصل از بکارگیری الگوریتم ژنتیک دقیق‌تر از الگوریتم لونبرگ - مارکوئت است. به طور کلی کاربرد الگوریتم ژنتیک در مدل‌های با یک لایه پنهان براساس تابع فعال‌سازی لوگ‌سیگموید قادر به تولید مدل دقیق‌تری نسبت به الگوریتم ژنتیک با تابع فعال‌سازی تان‌سیگموید و الگوریتم لونبرگ - مارکوئت با هر دو تابع محرك یاد شده است. همچنین در این مطالعه ضعیف‌ترین عملکرد را مدل‌های با دو لایه پنهان با تابع فعال‌ساز لوگ‌سیگموید و الگوریتم آموزشی ژنتیک ارائه دادند.

میزان قدرت تبخیر با استفاده از معادله پنمن - فاؤ نیز محاسبه شد که میزان ضریب تعیین این مقادیر برآورد شده با مقادیر واقعی مشاهده‌ای به مقدار ۰/۶۲ (شکل ۴) و مجدور میانگین مربعات خطأ به مقدار  $1/34$  میلی‌متر در رور بدست آمد. همچنانکه از شکل ۴ بر می‌آید مقادیر باقیمانده بین تبخیر محاسباتی و تبخیر واقعی در بسیاری از سری‌های زمانی نسبتاً بزرگ بوده است.



شکل ۴) نمودار پراکنش مقادیر باقیمانده در مقابل مقادیر مشاهده‌ای



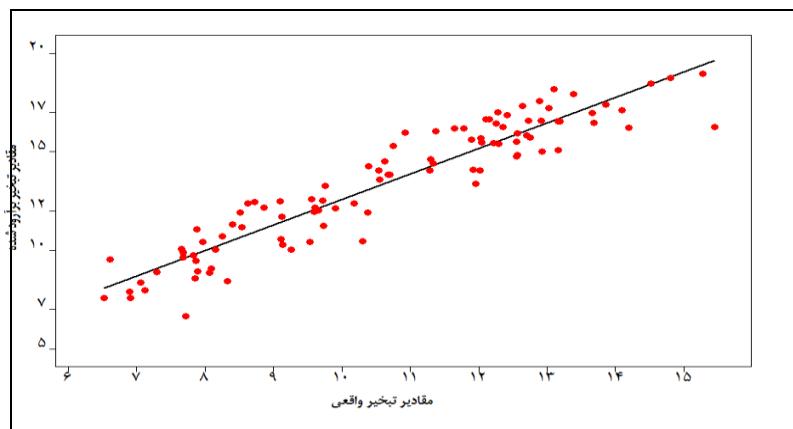
شکل ۵) نمودار هستگی بین مقادیر تبخیر برآورد شده توسط معادله پنمن فائو و تبخیر واقعی.

با بکارگیری رگرسیون چند متغیر خطی، مدل خطی میزان قدرت تبخیر جو در ارتباط با متغیرهای هواشناختی با ضریب تعیین  $R^2 = 0.79$  بدست آمد. مجدول میانگین خطای این مدل به مقدار  $0.79$  محاسبه شد. بدین ترتیب معادله رگرسیون خطی قادر است میزان قدرت تبخیر جو تبریز را با خطای  $0.79$  میلی‌متر در روز پیش بینی کند (معادله ۱).

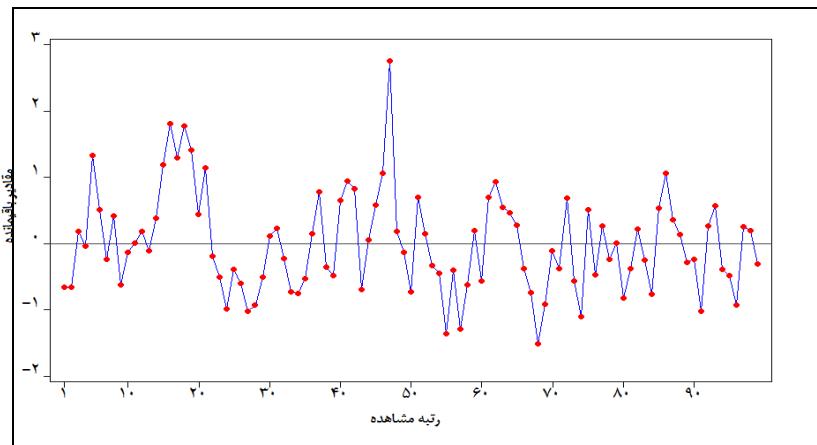
$$E = 172 + 0.34T - 0.0402H - 0.201P + 0.694W + 0.0202S \quad (1)$$

در رابطه فوق  $E$  معرف تبخیر پیش‌بینی شده بر حسب میلی‌متر در روز،  $T$ : دما بر حسب سلسیوس،  $H$ : نهنسبی به درصد،  $P$ : فشار هوا بر حسب میلی‌بار،  $W$ : سرعت باد بر حسب متر بر ثانیه و  $S$ : ساعت آفتابی است.

در این راستا مقایسه ضرایب آماری و شکل‌های ۴ و ۵ با ۶ و ۷ نشان از دقت بیشتر نتایج حاصل از رگرسیون خطی چند متغیره در قیاس با معادله پنمن فائو دارد، همچنین میزان تبخیر حاصل از مدل رگرسیونی، بیشتر از تبخیر واقعی و در عین حال تبخیر محاسبه شده از مدل پنمن - فائو کمتر از تبخیر واقعی بدست می‌آید.



شکل ۶ نمودار همبستگی بین مقادیر تبیخیر برآورده شده توسط مدل رگرسیون چندمتغیره خطی و تبیخیر واقعی



شکل ۷ نمودار پراکنش مقادیر باقیمانده در مقابل مقادیر مشاهده‌ای

### نتیجه‌گیری

در این مطالعه با بهره‌گیری از عناصر هواشناختی و بکارگیری شبکه عصبی مصنوعی، به برآورد مقدار قدرت تبیخیر جو پرداخته شد. در این خصوص با در نظرگیری یک و دو لایه پنهان و دو تابع فعال‌سازی تان و لوگ‌سیگموید در لایه‌های پنهان، از دو الگوریتم آموزشی

### لونبرگ - مارکوئت و الگوریتم آموزشی ژنتیک جهت آموزش شبکه استفاده شد.

بدین ترتیب ۶۵ مدل شبکه عصبی ایجاد شد. مقایسه و ارزیابی این مدل‌ها با استفاده از معیارهای آماری ضریب تعیین، محذور میانگین خطأ و میانگین خطأ حاکی از آن است که دقت مدل‌ها در پیش‌بینی و مدل‌سازی قدرت تبخير جو وابسته به نوع تابع محرک، نوع الگوریتم بهینه‌سازی و تعداد لایه‌های پنهان و تعداد نرون‌های بکارگرفته شده است. به طوری که در مدل‌های با یک لایه پنهان و الگوریتم بهینه‌سازی لونبرگ - مارکوئت، با وجود آنکه مدل با آرایش ۱-۴-۵ به عنوان دقیق‌ترین مدل برای هر دو تابع محرک بدست آمد اما دقت مدل تابع تان‌سیگموید نست به مدل لوگ‌سیگموید بیشتر بود. از سویی در این مدل‌های تک لایه بر اساس الگوریتم بهینه‌سازی ژنتیک نیز یک مدل با آرایش یکسان ۱-۷-۵ برای هر دو تابع محرک بدست. اما در این مورد دقت مدل ایجاد شده بر اساس تابع محرک لوگ‌سیگموید بیش از تابع محرک تان‌سیگموید بود.

خروجی‌های مدل‌های با دولایه پنهان، بسیار متفاوت از خروجی‌های مدل‌های تک لایه بود. در این خصوص مطالعات گذشته که اذعان نموده بودند دقت مدل وابستگی به تعداد لایه پنهان ندارد در این مورد بخصوص رد شد. وانگهی بررسی مدل‌های تدوین یافته براساس دو لایه پنهان و الگوریتم بهینه‌سازی لونبرگ - مارکوئت نشان داد که دقیق‌ترین مدل برای هر تابع برخلاف مدل‌های تک لایه در ساختار متفاوتی ایجاد شده است به طوری که مدل با آرایش ۳-۳-۵ و ۱-۷-۷-۵ به ترتیب به عنوان دقیق‌ترین مدل برای تان و لوگ سیگموید بدست آمدند. خروجی‌های ناشی از مدل‌های دولایه پنهان با الگوریتم بهینه‌سازی ژنتیک حاکی از این است که در این مورد نیز دقیق‌ترین مدل بر اساس دو تابع محرک در ساختارهای متفاوتی ایجاد شده است.

از سویی، میزان تبخير با استفاده از معادله پنمن - فائق محاسبه شد که میزان خطای محاسباتی آن نسبت به داده‌های واقعی به مقدار ۱/۳۴ بدست آمد. همچنین با کاربرد معادله رگرسیون خطی چند متغیره میزان تبخير برآورد شد که میزان خطای آن به مقدار ۰/۷۹ میلی‌متر در روز است.

به طور کلی مقایسه و ارزیابی کلیه ساختارهای شبکه عصبی نشان می‌دهد که مدل با آرایش ۵-۷-۱ دقیق‌ترین مدل در بین ۵۶ گروه شبکه عصبی است که براساس الگوریتم بهینه‌سازی لونبرگ - مارکوئت و تابع محرك تان‌سیگموید تولید شده است بنابراین جهت مدل‌سازی قدرت تبخیر جو در ایستگاه سینوپتیک تبریز بسیار مناسب است از ساختار یاد شده استفاده شود زیرا بر مبنای این ساختار می‌توان میزان قدرت یا پتانسیل تبخیر جو تبریز را با خطای  $0.227$  میلی‌متر در روز در نیمه گرم سال پیش بینی نمود. مقایسه نتایج حاصل از این سه روش نشان از کارایی مناسب و دقیق‌تر شبکه عصبی مصنوعی در مقایسه با رگرسیون خطی و معادله پنمن - فائو در ایستگاه تبریز است.



## منابع

- ثایی نژاد سید حسین؛ نوری، سمیرا و هاشمی نیا، سید مجید (۱۳۹۰)، برآورد تبخیر - تعرق واقعی با استفاده از تصاویر ماهواره‌ای در منطقه مشهد، نشریه آب و خاک (علوم صنایع و کشاورزی) مشهد، جلد ۲۵، شماره ۳، صص ۵۴۷-۵۴۰.
- جهانبخش، سعید؛ موحدانش، علی اصغر و مولوی، واحد (۱۳۸۰)، تحلیل مدل‌های برآورد تبخیر - تعرق برای ایستگاه هواشناسی تبریز، مجله دانش کشاورزی، جلد ۱۱، شماره ۲، صص ۵۱-۶۵.
- دانشفراز، رسول (۱۳۹۴)، تحلیل حساسیت پارهای موثر بر میزان تبخیر روزانه با استفاده از الگوریتم Garson و شبکه عصبی مصنوعی (مطالعه موردنی: شهر تبریز)، نشریه جغرافیا و برنامه‌ریزی دانشگاه تبریز، شماره ۵۴، صص ۱۴۲-۱۲۷.
- رحمی خوب، علی و محمودی، علی (۱۳۹۰) برآورد تبخیر - تعرق واقعی از سطح حوضه آبریز با استفاده از مدل‌های شبکه عصبی و حداقل داده‌های هواشناسی - مطالعه موردنی حوضه معرف امامه، نشریه تحقیقات منابع آب، شماره ۴، صص ۶۱-۵۱.
- رمنیاس، ژان (۱۳۶۳)، اصول هیدرولوژی مهندسی، جلد اول، برگدان حسین صدقی، انتشارات مرکز نشر و ترجمه امور آب وزارت نیرو - تهران، چاپ سوم.
- سلطانی، جابر؛ مقدم نیا، علیرضا؛ پیری، جمشیو؛ میرمرادزه‌ی، جواد (۱۳۹۲)، مقایسه کارآیی مدل‌های تلفیقی ANFIS و NN-ARX با GA-GT چهت تخمین تبخیر روزانه از تشث در شرایط اقلیمی خشک و گرم بلوچستان، نشریه آب و خاک مشهد، شماره ۲، صص ۳۸۱-۳۹۳.
- قبائی سوق، محمد؛ مساعدی ابوالفضل، حسام؛ و هزار جریبی ابوتالب، موسی (۱۳۸۹)، ارزیابی تأثیر پیش پردازش پارامترهای ورودی به شبکه عصبی مصنوعی با استفاده از روش‌های رگرسیون گام به گام و گاما تست به منظور تخمین سریع تر تبخیر - تعرق روزانه، نشریه آب و خاک، شماره ۳، صص ۶۲۴-۶۱۰.
- کوچکزاده، مهدی و بهمنی، عارف (۱۳۸۴)، ارزیابی عملکرد شبکه‌های عصبی مصنوعی در کاهش پارامترهای مورد نیاز، چهت برآورد تبخیر و تعرق، مجله علوم کشاورزی، صص ۸۷-۹۶.

- نوری، سمیرا؛ قالهری، غلامعباس و ثابی نژاد، سید حسین (۱۳۹۲)، مدل‌سازی تبخیر - تعرق گیاه پتانسیل با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی با حداقل متغیرهای اقلیمی در ایستگاه سینوپتیک مشهد، نشریه پژوهش‌های حفاظت آب و خاک، شماره ۵، ۱۷۸-۱۶۳.
- ولیزاده کامران، خلیل (۱۳۹۳)، برآورد تبخیر تعرق پتانسیل در آذربایجان شرقی به روش استفنز با استفاده از GIS، نشریه جغرافیا و برنامه‌ریزی دانشگاه تبریز، شماره ۴۹، صص ۳۳۴-۳۱۷.

- Rosen, B.E. and Goodwin, J.M. 1997. Optimizing Neural Networks Using Very Fast Simulated Annealing, *Neural, Parallel & Scientific Computation*, 383–392.
- Landeras, G., Ortiz-Barredo, A. and Lopez, J. J., 2008, Comparison of artificial neural network models and empirical and semi-empirical equations for daily reference evapotranspiration estimation in the Basque Country (Northern Spain), *Journal of Agricultural Water Management*, 95, 553– 565.
- Sanford, W.A., Selnick, D.L., 2013, Estimation of Evapotranspiration across the conterminous United State using a regression with climate and land-cover data, J: *American Water Resources Association*, Vol: 49, No 1: 217-230.
- Trajkovic, S., Todorovic, B., and Stankovic, M. 2003. Forecasting of reference evapotranspiration by artificial neural networks. *J. of Irrig. Drain. Eng. ASCE*. 129: 6. 454-457.